降着円盤の構造と安定性



松元亮治(千葉大)

宇宙は思いもよらない活動性に満ちている



星形成領域のジェット

Cyg X-1のX線時間 変動(Negoro 1995)

様々な波長の放射

講演予定

- 降着円盤とは?
- 降着円盤の理論モデル
- ・ブラックホール降着円盤のモデル
- 降着円盤の状態遷移
- 降着円盤の磁気流体シミュレーション
- 降着円盤の状態遷移シミュレーション
- ・ 降着円盤の振動
- ・まとめ





回転物質がゆっくり落下することにより、重力 エネルギーを輻射などのエネルギーに変換:

- •供給される燃料によって活動するエンジン
- •角運動量を抜かないと落下できない。





解放されるエネルギーと物質の持つ静止エネ ルギー mc²の比は中心天体がブラックホール の場合1に近づく (核融合より効率が良い)





活動銀河中心から噴出する ジェット

とガンマ線バースト

星と降着円盤の比較

	星	降着円盤
形状	球対称	軸対称
回転	遅い	速い
つりあい	重力と圧力勾配	重力と遠心力
エネルギー源	核融合	重力エネルギー
質量供給	なし	あり
内部磁場	ガス圧≫磁気圧	ガス圧~磁気圧

降着円盤の理論モデル

- Shakura and Sunyaev 1973 標準降着円盤モデル
- Novikov and Thorne 1973 一般相対論化した標準モデル
- Shakura and Sunyaev 1976、Pringle 1976 熱不安定性
- Shapiro, Lightman, Eardley 1976 二温度高温円盤
- Ichimaru 1977 hard-soft 遷移、移流優勢円盤のパイオニア
- Kato 1978 円盤振動
- Abramowicz et al. 1978トーラスモデル
- Liang and Thompson 1980 遷音速解
- Abramowicz et al. 1988 スリムディスクモデル
- Balbus and Hawley 1991 磁気回転不安定性
- Narayan and Yi 1994、Abramowicz et al. 1995 移流優勢円盤
- Hawley et al. 2000, Machida et al. 2000 大局的3D磁気流体計算



降着円盤における角運動量輸送



円盤物質が落下するためには方位角方向に働くカ F_{φ} によって回転物質の角運動量を減少させる必要がある

この力はある半径の円筒面(動径方向の単位ベクトルを 法線方向とする面)の単位面積あたりに方位角方向に働 く粘性応力 *t_{ro}*を用いてあらわすことができる。

降着円盤に働く方位角方向のカ

- ・応力テンソルのr φ 成分 $t_{r\varphi}$
- 半径 r の面に働くトルク $G(r) = 2\pi r \times rt_{r\varphi}$
- 内径 r、外径 r+ Δr の円環に働くトルク F_{φ} $2\pi r \times rF_{\varphi}\Delta r = G(r + \Delta r) - G(r) = \frac{dG(r)}{dr}\Delta r$
- ・単位体積あたりの方位角方向のカ $F_{\varphi} = rac{1}{r^2} rac{d}{dr} (r^2 t_{r \varphi})$

応カテンソル成分の見積もり

・半径 R_0 、角速度 $\Omega(R_0)$ で円盤と共回転する 局所カーテシアン座標を考える



粘性係数をηとすると局所カーテシアン
 座標における応カテンソルのxy成分は

$$t_{xy} = \eta \frac{dv_y}{dx} = \eta \frac{(R_0 + \Delta x)\Omega(R_0 + \Delta x) - (R_0 + \Delta x)\Omega(R_0)}{\Delta x} \simeq \eta R_0 \frac{d\Omega(R_0)}{dR_0}$$

• 円筒座標では $t_{r\varphi} = \eta r \frac{d\Omega}{dr}$

共回転系におけるシア流れ



軸対称回転流体の基礎方程式



定常軸対称モデルへ

- 方位角方向の運動方程式
 - $\rho \frac{\partial v_{\varphi}}{\partial t} + \rho v_r \frac{\partial v_{\varphi}}{\partial r} + \rho v_z \frac{\partial v_{\varphi}}{\partial z} + \rho \frac{v_r v_{\varphi}}{r} = F_{\varphi} = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} (r^2 t_{r\varphi})$
- 定常円盤を仮定すると $\frac{1}{r^2}\frac{\partial}{\partial r}(\rho r^2 v_r v_{\varphi}) + \frac{\partial}{\partial z}(\rho v_z v_{\varphi}) = \frac{1}{r^2}\frac{\partial}{\partial r}(r^2 t_{r\varphi})$
- 鉛直方向に積分 $\frac{\partial}{\partial r}(\Sigma r^2 v_r v_{\varphi}) = \frac{\partial}{\partial r}(r^2 T_{r\varphi})$ $\Sigma = \int \rho dz$ $T_{r\varphi} = \int t_{r\varphi} dz$
- 動径方向に積分 $\dot{M}(\ell \ell_{\rm in}) = -2\pi r^2 T_{r\varphi}$
- ここで $\dot{M} = -2\pi r \Sigma v_r$ (降着率)

動径方向と鉛直方向の運動方程式

- 動径方向 $W = \int p dz$
 - $\frac{1}{r}\frac{\partial}{\partial r}(\Sigma r v_r^2) \Sigma \frac{v_{\varphi}^2}{r} = -\int \rho \frac{\partial \psi}{\partial r} dz \frac{\partial W}{\partial r}$

重力ポテンシャルの動径方向微分の鉛直方向の積分には注意が必要

- $v_r \frac{dv_r}{dr} + \frac{1}{\Sigma} \frac{dW}{dr} = \frac{v_{\varphi}^2}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r} \frac{W}{\Sigma} \frac{d\ln \Omega_k}{dr}$
- 鉛直方向 $\frac{dp}{dz} = -\rho \frac{\partial \psi}{\partial z}$
 - 鉛直方向に等温 $(p = \rho c_s^2, c_s = \overline{z})$ なら $\rho = \rho_0 \exp(-\frac{z^2}{H^2})$ $\Omega_k^2 H^2 = c_s^2 = \frac{W}{\Sigma}$

エネルギー式

$$\rho T \frac{dS}{dt} = \rho \frac{de}{dt} + p \nabla \cdot v = q^{+} - q^{-}$$
• 加熱率
$$q^{+} = t_{r\varphi} r \frac{\partial}{\partial r} \left(\frac{v_{\varphi}}{r} \right)$$

定常円盤では

 $q_{\text{adv}} = \rho T(\mathbf{v} \cdot \nabla) S = \rho(\mathbf{v} \cdot \nabla) e + p \nabla \mathbf{v} = \nabla [(\rho e + p)\mathbf{v}] - (\mathbf{v} \cdot \nabla) p$

- 鉛直方向に積分 $Q_{adv} = \frac{1}{r} \frac{d}{dr} [rv_r(E+W)] - v_r \frac{dW}{dr} + Wv_r \frac{dlnH}{dr}$
- 鉛直積分したエネルギー式



アルファモデル

• 粘性応力 $t_{r\varphi} = \eta r \frac{d\Omega}{dr}$

 η は動粘性係数であり、 $\eta = \rho \nu \sim \rho v_{turb} \ell_{turb}$

- $v_{turb} \sim \alpha' C_s$ $\ell_{turb} \sim H \not tak \not \eta \sim \alpha' \rho C_s H$
- ・したがって $t_{r\varphi}$ ~ $\alpha' \rho C_{s} H(-3/2\Omega)$
- $\Omega H \sim C_s, \rho C_s^2 \sim P$ より係数を α として $t_{r\varphi} = -\alpha P$
- Shakura and Sunyaev 1973では磁気乱流に
 起因する場合についても論じている

定常降着円盤の基礎方程式 (Matsumoto et al. 1984)

$$\dot{M} = -2\pi r \Sigma v_r$$



移流を考慮したブラックホール降着円盤モデル

大学院生のときに書いた論文

Publ. Astron. Soc. Japan 36, 71-85 (1984)

Viscous Transonic Flow around the Inner Edge of Geometrically Thin Accretion Disks

Ryoji MATSUMOTO, Shoji KATO, Jun FUKUE, and Atsuo T. OKAZAKI



ブラックホールに近い

領域の定常解を求めた。

Department of Astronomy, University of Kyoto, Sakyo-ku, Kyoto 606

(Received 1983 July 11; accepted 1983 December 5)

Abstract

The effect of viscosity on the flow around the inner edge of an accretion disk surrounding a black hole is studied. Geometrically thin disks are assumed and the "alpha viscous law" is adopted. Transonic solutions which satisfy the outer boundary condition of the Keplerian disk as well as the condition of passing through a critical point are obtained numerically. It is found that in the case of large viscosity ($\alpha \ge 0.05$) transonic solutions pass through a nodal-type critical point outside the radius of the marginally stable circular orbit.

Key words: Accretion disk models; Black holes; Transonic flow.

ブラックホール近傍の粒子運動

シュバルツシルト時空中の粒子運動の
 ラグラジアン r_g:シュバルツシルト半径

- $L = \frac{m}{2}g_{\mu\nu}\dot{x}^{\mu}\dot{x}^{\nu} = \frac{m}{2}\left[(1 \frac{r_g}{r})c^2\dot{t}^2 (1 \frac{r_g}{r})^{-1}\dot{r}^2 r^2\dot{\theta}^2 r^2\sin^2\theta\dot{\varphi}^2\right]$
- 4元速度 $u^{\mu} = dx^{\mu}/d\tau$ 4元運動量 $p^{\mu} = mcu^{\mu}$



rについて解くと

 $\frac{1}{2}\dot{r}^{2} = \frac{\left(\frac{E}{mc}\right)^{2} - c^{2}}{2} - \left[-\frac{GM}{r} \left(1 + \frac{\ell^{2}}{c^{2}r^{2}} \right) + \frac{\ell^{2}}{2r^{2}} \right] \quad \begin{array}{c} \mathbf{\hat{q}}\mathbf{\hat{m}r}\mathbf{\hat{r}}$

ブラックホールに落下する粒子



・ 擬ニュートンポテンシャル
$$\psi = -\frac{GM}{r - r_g}$$

$$\psi_{\text{eff}} = -\frac{GM}{r - r_g} + \frac{\ell^2}{2r^2}$$

練習:擬ニュートンポテンシャルの臨界安定軌道半径が 3r_g であることを示しなさい。 練習:擬ニュートンポテンシャルの場合のケプラー回転の角速度 Ω_K を求めなさい。



• 運動方程式

$$v_r \frac{dv_r}{dr} + \frac{c_s^2}{\Sigma} \frac{d\Sigma}{dr} = \frac{\ell^2 - \ell_{\rm K}^2}{r^3} - c_s^2 \frac{dln\Omega_{\rm K}}{dr}$$

- 質量保存則 $\dot{M} = -2\pi r \Sigma v_r$
- 運動方程式に代入してΣを消去



• 遷音速解: D=0 のとき N=0





 $\alpha < 0.1$ のとき

α > 0.1のとき Matsumoto et al. 1984

光学的に厚い円盤の熱平衡曲線



スリム円盤モデル (Abramowicz et al. 1988) $Q_{\rm adv} \sim \frac{W v_r}{r} \sim \frac{W}{\Sigma} \frac{M}{2\pi r^2}$ 移流による熱輸送が輻射 冷却にくらべて大きいとき $Q_{\rm adv} \sim Q^+ = -r\alpha W \frac{d\Omega}{dr}$ $Q_{
m adv} \propto \dot{M}^2 / \Sigma$ 、 $Q^+ \propto \dot{M}$ だから $M\propto\Sigma$

ブラックホール降着円盤の熱振動

Publ. Astron. Soc. Japan 43, 147-168 (1991)

修士論文で扱ったテーマを1次元 のシミュレーションで完成させた。 しかし、そのような現象が観測さ れていないのが謎だった。

Nonlinear Oscillations of Thermally Unstable Slim Accretion Disks around a Neutron Star or a Black Hole



間欠泉のような現象

円盤が膨張し、

Fumio HONMA¹, Ryoji MATSUMOTO², and Shoji KATO¹

¹ Department of Astronomy, Faculty of Science, Kyoto University, Sakyo-ku, Kyoto 606

> ² College of Arts and Sciences, Chiba University, Yayoi-cho, Chiba 260

26

マイクロクエーサーGRS1915+105





ブラックホール降着円盤の 状態遷移

全天X線モニタMAXI (2009-)





国際宇宙ステーションの日本の実験モジュール「きぼう」に取付

http://maxi.riken.jp/

MAXIで観測したブラックホール新星 XTE J1752-223



MAXIで観測されたブラックホール新星XTE J1752-223の進化

色ー光度図上の進化



状態遷移の理論モデル



降着円盤の角運動量輸送問題



回転物質が落下するためには角運動量を失う必要がある。

標準理論では粘性ストレス $T_{r\phi} = -\alpha P$ と仮定

- ・観測とモデルの比較から $\alpha = 0.01 \sim 0.1$
- ・流体乱流では $\alpha = O(0.001)$ too small!





Balbus and Hawley (1991)

磁気回転不安定性の円筒モデル シミュレーション



- 重力と初期角運動量分布
 は動径座標rのみに依存
- 円筒プラズマはポリトロー ピックな状態方程式
 P=Kp^{1+1/n}にしたがい、回転
 平衡状態にある
- 円筒プラズマの外は初期
 には等温で静止

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla(\rho \mathbf{v}) = 0$$

$$\rho \frac{\partial \mathbf{v}}{\partial t} + \rho(\mathbf{v} \bullet \nabla) \mathbf{v} = -\nabla P + \frac{(\nabla \times \mathbf{B}) \times \mathbf{B}}{4\pi} + \rho \mathbf{g}$$

$$\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} = \nabla \times (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) + \eta \nabla^2 \mathbf{B}$$

$$\frac{\partial \rho \varepsilon}{\partial t} + \nabla(\rho \varepsilon \mathbf{v}) + P \nabla \mathbf{v} = Q_J + Q_{vis} - Q_{rad}$$

シミュレーション例





軸対称円筒モデルにおける磁気回転不安定性の時間発展。実線は磁力線、カラーは密度分布。

鉛直磁場に貫かれたトーラスの 大局的MHD数値実験



軸対称2次元シミュレーション結果



Matsumoto et al. 1996

Kuwabara et al. 2000

局所シアリングボックス近似



Hawley et al. 1995, ApJ 440, 742

Shearing periodic boundary condition





Matsumoto and Tajima 1995, ApJ 445, 767





Initial Condition $\beta = Pgas/Pmag=100$ After 10 Rotation Period 200*64*240 grid points Matsumoto 1999

Amplification of Magnetic Energy



パーカー不安定性による磁束流出



Parker (1966), Matsumoto et al. (1988)

円盤コロナ中の磁気ループ形成



Machida et al. 2000

Magnetic Field Lines and Isosurface of Magnetic Field Strength for a model Starting from $\beta = 1$

円盤ダイナモシミュレーション



局所モデルによる円盤ダイナモ計算



方位角磁場分布とその時間変化 白線:β=1 黒線: $d\ln|B|/dz < 0$ Shi et al. 2010 局所3次元MHD計算結果

46

太陽活動のバタフライダイヤグラム



X-ray Image by HINODE Satellite



Optical image of sunspots by HINODE

DAILY SUNSPOT AREA AVERAGED OVER INDIVIDUAL SOLAR ROTATIONS



Butterfly Diagram of Sunspots 47 (NASA)

ブラックホール降着流の大局的3次元磁気流体 シミュレーション



Initial state

t=26350

unit time t₀=rg/c

Machida and Matsumoto 2003

降着円盤における磁気エネルギー解放





光学的に薄い場合の輻射冷却を考慮した 磁気流体シミュレーション結果

Radiative Cooling : Qrad = $Qb \rho^2 T^{1/2}$



Time Evolution



Machida, Nakamura and Matsumoto 2006

磁気圧優勢円盤の形成





Before the transition

After the transition

磁気圧で支えられた円盤の形成



Optically Thin Hot Disk Supported by Gas Pressure Optically Thin Cool Disk Supported by Magnetic Pressure





Oda et al. 2008

降着率増増大に伴う降着円盤の進化



XTE J1752-223 (Nakahira et al. 2010)

次世代降着円盤シミュレータの開発



Global MHD Simulations of the Hard-to-Soft Transition



steady disk is formed for simulations using (256,64,256) mesh points Formation of cool, dense region after cooling 58 instability grows

ブラックホール候補天体で観測される 準周期振動(QPOs)



McClintock and Remillard 2004

Twin Peaks in HFQPOs



Resonance Model of Twin QPOs



Abramowicz and Kluzniak 2001, 2004

Appearance of QPOs



まとめ

- ・光学的に薄い円盤、スリム円盤、ブラックホール近傍等では移流を考慮する必要がある。
- 京都グループの寄与は大きいがスリム円盤、 ADAF等で世界をリードするチャンスはあった。
- αモデルの成功は磁気乱流による角運動量輸
 送の良い近似になっていたためと考えられる。
- αを導入しない3次元磁気流体計算では幾何学的に薄い標準円盤を扱うことが最も難しい。
 状態遷移過程の計算は可能になったのでAGN等に適用し、観測とも比較していきたい。

END